

C

SL. No. : P

CCE PF  
REVISED

బట్టు ప్రశ్నల సంఖ్య : 50 ]

Total No. of Questions : 50 ]

సంకేత సంఖ్య : **81-L**

[ బట్టు ముద్రిత పుటల సంఖ్య : 12

[ Total No. of Printed Pages : 12

**Code No. : 81-L**

ఇల్లం కర్నూలు

విషయ : గణిత

Subject : MATHEMATICS

(తెలుగు భాషాంతర / Telugu Version)

(హిందూ పాఠ్యక్రమ / New Syllabus)

(ఖాసగి అభ్యర్థి / Private Fresh)

దినాంక : 25. 03. 2019 ]

[ Date : 25. 03. 2019

సమయ : బేళగ్గే 9-30 రింద మధ్యాహ్న 12-45 రవరేగే ]

[ Time : 9-30 A.M. to 12-45 P.M.

గరిష్ఠ అంకగళు : 100 ]

[ Max. Marks : 100

విద్యాధులకు సాధారణ సూచనలు :

1. ఈ ప్రశ్నపత్రిక 50 లక్ష్యాత్మక మరియు విషయాత్మక ప్రశ్నలు కల్గియున్నవి.
2. ఈ ప్రశ్నపత్రికను రివర్స్ జాకెట్‌తో సీల్ చేయడమెనది. పరీక్ష ప్రారంభ సమయం కాగానే ప్రశ్నపత్రిక కుడివెపున చింపి తెరువవలెను. ప్రశ్నపత్రికలోని పుటలన్నియు సరిగ్గావున్నాయా అని పరీక్షించండి.
3. లక్ష్యాత్మక మరియు విషయాత్మక విధానపు ప్రశ్నలకు ఎదురుగా ఇవ్వబడిన సూచనలను అనుసరించండి.
4. కుడివెపు మార్జిన్‌లో ఇవ్వబడిన అంకెలు ప్రశ్నలకు కేటాయించబడిన గరిష్ఠ అంకములు / మార్కులను సూచించును.
5. ప్రశ్నపత్రికకు జవాబు రాయుటకు కేటాయించిన గరిష్ఠ సమయాన్ని ప్రశ్నపత్రిక పెభాగంలో సూచించడమెనది. అందులో ప్రశ్నపత్రిక చదవటానికి కేటాయించిన 15 నిమిషాల సమయం కూడా కల్గియున్నది.

PF (C) - 611

[ Turn over

TEAR HERE TO OPEN THE QUESTION PAPER

ప్రశ్నపత్రికను తెరిచేటట్లు ఇల్లం కర్నూలు

Tear here

**81-L**

2

**CCE PF**

- I. ప్రతి అసంపూర్ణ వాక్యం / ప్రశ్నకు నాలుగు ప్రత్యామ్నాయ జవాబులున్నాయి. అందులో ఒక్కటి మాత్రమే సరైన జవాబు. ఆ సరైన జవాబును ఎన్నుకుని జవాబుతో పాటు దాని క్రమాక్షరంను రాయండి :

$$8 \times 1 = 8$$

1. ఒక అంక శ్రేణిలో  $n$ వ పదము  $a_n = 24 - 3n$  అయిన ఆ శ్రేణి యొక్క 2వ పదము
 

(A) 18	(B) 15
(C) 0	(D) 2
2.  $2x + 3y - 9 = 0$  మరియు  $4x + 6y - 18 = 0$  ఈ సమీకరణాల జత సూచించు రేఖలు
 

(A) ఖండించు రేఖలు	(B) లంబ రేఖలు
(C) సమాంత రేఖలు	(D) ఏకీభవించు రేఖలు
3. ఒక వృత్తంనకు రెండు బిందువుల మూలంగా ప్రయాణించు సరళరేఖను
 

(A) జ్యా	(B) వృత్తఖండన రేఖ
(C) వృత్త స్పర్శకము	(D) వ్యాసార్థము
4. ఒక వృత్తం యొక్క వెశాల్యము  $49\pi$  చదరపు యూనిట్లు అయిన దాని పరిధి
 

(A) $7\pi$ యూనిట్లు	(B) $9\pi$ యూనిట్లు
(C) $14\pi$ యూనిట్లు	(D) $49\pi$ యూనిట్లు
5. రెండు క్రమానుగత ధన పూర్ణాంకముల గుణలబ్ధం 30. దీని బీజీయంగాను జ్యామితీయంగా సూచించండి
 

(A) $x(x+2) = 30$	(B) $x(x-2) = 30$
(C) $x(x-3) = 30$	(D) $x(x+1) = 30$
6. ఏవైన రెండు ధన పూర్ణంకాలు 'a' మరియు 'b' లకు గ.సా.ప్రా.  $(a, b) \times$  క.సా.గు.  $(a, b)$  దీనికి సమానమైన
 

(A) $a + b$	(B) $a - b$
(C) $a \times b$	(D) $a \div b$

7.  $\cos 48^\circ - \sin 42^\circ$  యొక్క విలువ

(A) 0

(B)  $\frac{1}{4}$

(C)  $\frac{1}{2}$

(D) 1

8.  $P(A) = 0.05$  అయిన  $P(\bar{A})$  యొక్క విలువ

(A) 0.59

(B) 0.95

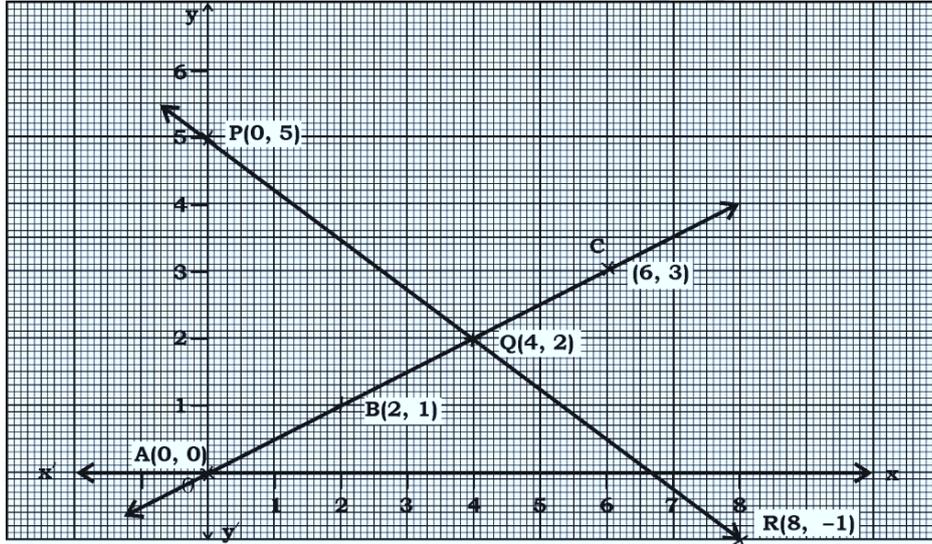
(C) 1

(D) 1.05

II. కింది వాటికి జవాబు రాయండి :

6 × 1 = 6

9. కింది గ్రాఫుచిత్రం నందు రెండు సమీకరణాలను సూచించు రెండు సరళరేఖలు వున్నవి వాటి బీజీయ వివరణ (పరిహారము)



10.  $17 = 6 \times 2 + 5$  ఈ సమీకరణంను యూక్లిడ్ భాగహార సహాయ సిద్ధాంతముతో  $a = bq + r$  పోల్చినపుడు (పరీక్షించి) శేషంను సూచించు సంఖ్య ఏది ?

11.  $P(x) = x^2 - 3$  బహుపదియొక్క శూన్యతను కనుగొనుము.

12.  $P(x) = 2x^2 - x^3 + 5$  బహుపదియొక్క మహత్తమ ఘాతం (డిగ్రీ) ను రాయుము.

13.  $2x^2 - 4x + 3 = 0$  వర్గ సమీకరణం యొక్క విచక్షణి కనుగొనండి.

14. శంఖువు ఛేదకము (బిన్నకం) వక్రతల వెశాల్యమును కనుగొను సూత్రమును రాయుము.

81-L

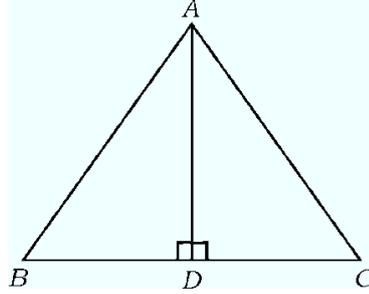
4

CCE PF

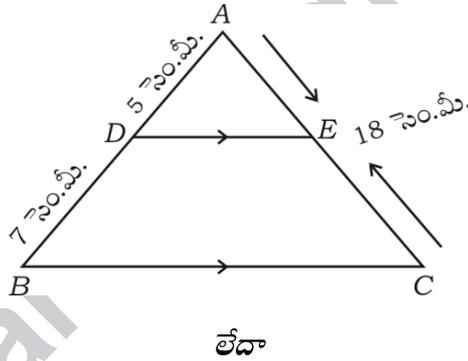
III. కింది వాటికి జవాబు రాయండి :

15.  $2 + 7 + 12 + \dots$  ఈ అంకశ్రేణి యొక్క మొదటి 20 పదముల మొత్తంను సూక్ష్మమైన సూత్రమును ఉపయోగించి కనుగొనుము. 2

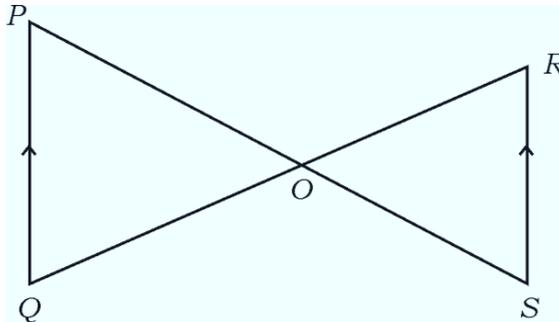
16.  $\Delta ABC$  నందు  $AD \perp BC$  మరియు  $AD^2 = BD \times CD$  అయిన  $AB^2 + AC^2 = (BD + CD)^2$  సాధించును. 2



17.  $\Delta ABC$  నందు  $DE \parallel BC$ .  $AD = 5$  సెం.మీ.,  $BD = 7$  సెం.మీ. మరియు  $AC = 18$  సెం.మీ. అయినచో  $AE$  ను కనుగొనుము. 2



ఇచ్చిన చిత్రం నందు  $PQ \parallel RS$  అయిన,  $\Delta POQ \sim \Delta SOR$  అని సాధించుము.



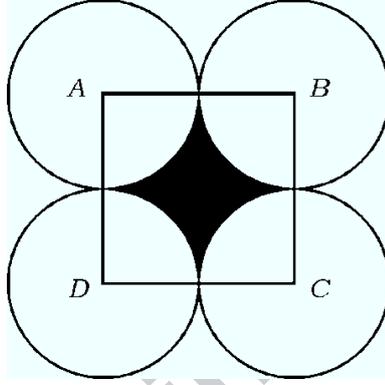
PF (C) - 611

18. ఈ కింది రేఖాత్మక సమీకరణాల జతలను సూక్ష్మ విధానం ద్వారా సాధించండి : 2

$$x + y = 5$$

$$2x - 3y = 5$$

19. కింది చిత్రంలో చూపించిన విధంగా ABCD చతురస్రము యొక్క భుజం పొడవు 14 సెం.మీ. ప్రతి వృత్తము మిగిలిన మూడు వృత్తాలలో రెండింటిని స్పర్శించేటట్లు A, B, C మరియు D లు కేంద్రంగా నాలుగు సర్వసమ వృత్తాలను గీచినవి. ఛాయవేసిన భాగం వెశాల్యమును కనుగొనుము. 2



20. 4 సెం.మీ. వ్యాసార్థంగల వృత్తంను రచించి స్పర్శరేఖల మధ్య  $60^\circ$  వుండునట్లు వృత్తంనకు ఒక జత స్పర్శకములను రచించుము. 2
21. A ( 4, - 3 ) మరియు B ( 8, 5 ) బిందువులను కలువగా ఏర్పడే రేఖను 3 : 1 నిష్పత్తిలో అంతరంగా విభజించే బిందువు నిరూపకాలు కనుగొనండి. 2
22.  $3 + \sqrt{5}$  ను కరణీయ సంఖ్య అని సాధింపుము. 2
23.  $P ( x ) = ax^2 + bx + c$  వర్గ బహుపది యొక్క శూన్యతల మొత్తం - 3 మరియు గుణలబ్ధం 2 అయిన,  $b + c = 5a$  అని చూపించండి. 2
24.  $P ( x ) = 3x^3 + x^2 + 2x + 5$  ను  $g ( x ) = x^2 + 2x + 1$  చే భాగించినచో వచ్చు భాగఫలం మరియు శేషంను కనుగొనుము. 2

**81-L**

6

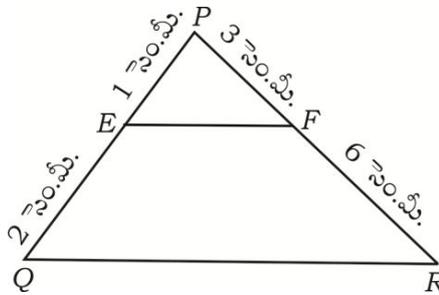
**CCE PF**

25.  $2x^2 - 5x + 3 = 0$  సమీకరణంను సూత్రము సహాయంతో సాధించండి. 2
26. ఒక దీర్ఘ చతుర్భుజాకారా పొలం పొడవు దాని వెడల్పుయొక్క 3 రెట్లుండును. పొలం వెశాల్యం 147 చ.మీటర్లు అయినచో పొలం యొక్క పొడవు మరియు వెడల్పును కనుగొనుము. 2
27.  $\sin \theta = \frac{12}{13}$  అయిన,  $\cos \theta$  మరియు  $\tan \theta$  ల యొక్క విలువను కనుగొనుము. 2

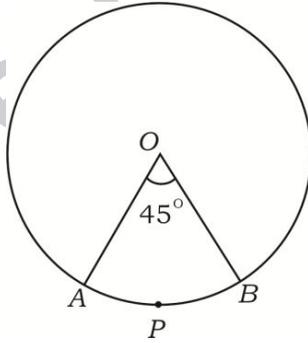
లేదా

$\sqrt{3} \tan \theta = 1$  మరియు 'θ' అఘుకోణంమెన  $\sin 3\theta + \cos 2\theta$  విలువను కనుగొనుము.

28.  $\left( \frac{1 + \cos \theta}{1 - \cos \theta} \right) = (\operatorname{cosec} \theta + \cot \theta)^2$  అని సాధించుము. 2
29. ఒక ఘనాకృతి పాచిక మీద 1 నుండి 6 సంఖ్యలను వ్రాయబడినవి దాన్ని రెండు సార్లు దొర్లించినచో ముఖముల మీద సంఖ్యల మొత్తం 10 వచ్చు సంభావ్యతను కనుగొనుము. 2
30. శంఖువు ఛేదక రూపంలో నున్న చెత్తబుట్ట రెండు వెపుల వృత్తాకార వ్యాసార్థాలు 15 సెం.మీ. మరియు 8 సెం.మీ. దాని లోతు 63 సెం.మీ. వున్నచో చెత్తబుట్ట యొక్క ఘన పరిమాణమును కనుగొనుము. 2
31.  $x, 13, y$  మరియు 3 అంకశ్రేణిలో వున్నచో  $x$  మరియు  $y$  విలువను కనుగొనుము. 2
32.  $\Delta PQR$  నందు  $E$  మరియు  $F$  లు క్రమంగా  $PQ$  మరియు  $PR$  ల మీద బిందువులు  $PE = 1$  సెం.మీ.,  $QE = 2$  సెం.మీ.,  $PF = 3$  సెం.మీ. మరియు  $RF = 6$  సెం.మీ. అయిన  $EF \parallel QR$  అని చూపించుము. 2


**PF (C) - 611**

33. 6 మరియు 20 ల క.సా.గు. మరియు గ.సా.ప్రా.ను కనుగొనుము. 2
34. 3 సెం.మీ. వ్యాసార్థం గల వృత్తంనకు కేంద్రం నుండి 5 సెం.మీ. దూరంలో బాహ్యబిందువు నుండి ఒక స్పర్శరేఖను రచించండి. 2
35. 21 సెం.మీ. వ్యాసార్థం గల వృత్తంలో ఒక చాపము వృత్తకేంద్రం వద్ద  $60^\circ$  కోణాన్ని ఏర్పరుచును అయిన చాపం పొడవును కనుగొనుము. 2
36.  $(x - 2)^2 + 1 = 2x + 3$  సమీకరణంను దాని ప్రామాణికరూపంలో రాయండి. 2
37. ఖచ్చిత ఘటనకు మరియు అసంభవ ఘటనకు గల సంభావ్యతను రాయుము. 2
38. 4 సెం.మీ. వ్యాసార్థం మరియు  $45^\circ$  కోణము గల సెక్టరు వెశాల్యాన్ని కనుగొనుము ( $\pi = 3.14$  ఉపయోగించుకొనుము). 2



39. మూలబిందువు నుండి (3, 4) బిందువులకు గల దూరంను కనుగొనుము. 2
40. రెండు నాణెములను జతగా ఎగుర వేసినచో కనీసం ఒక బొమ్మ పడు సంభావ్యతను కనుగొనుము. 2

**81-L**

8

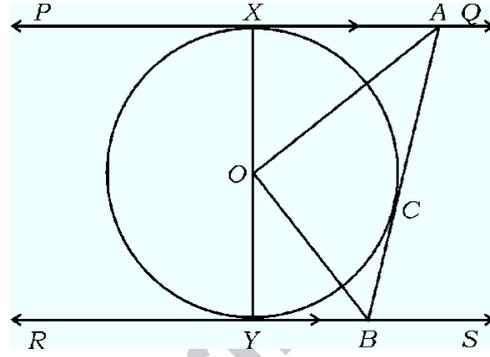
**CCE PF**

IV. కింది వాటికి జవాబు రాయండి :

41. “బాహ్యబిందువునుండి వృత్తానికి గీచిన స్పర్శకాల పొడవు సమానం.” అని సాధించండి. 3

లేదా

చిత్రంనందు చూపించునట్లుగా ‘O’ వృత్తకేంద్రంగల వృత్తమునకు PQ మరియు RS లు సమాంతర స్పర్శకాలు అయినవి మరియు స్పర్శబిందువు ‘C’ నందు ఇంకొక స్పర్శరేఖ AB, PQ ను ‘A’ బిందువు దగ్గర మరియు RS ను ‘B’ బిందువు దగ్గర ఖండించుచున్నది అయిన,  $\angle AOB = 90^\circ$  అని సాధించుము.



42. ఈ కింది పానఃపున్యం దత్తాంశానికి మధ్యగతమును కనుగొనుము : 3

తరగతి అంతరం	పానఃపున్యం ( $f_i$ )
1 — 4	6
4 — 7	30
7 — 10	40
10 — 13	16
13 — 16	4
16 — 19	4

$$\sum f_i = 100$$

లేదా

**PF (C) - 611**

ఈ కింది పానఃపున్యం దత్తాంశానికి బాహుళకంను కనుగొనుము :

తరగతి అంతరం	పానఃపున్యం ( $f_i$ )
10 — 25	2
25 — 40	3
40 — 55	7
55 — 70	6
70 — 85	6
85 — 100	6

$$\sum f_i = 30$$

43. ఒక పాఠశాలలో జరిగిన వెద్య పరీక్షలలో 35 మంది విద్యార్థులు బరువులు కింది పట్టికలో ఇవవబడ్డాయి. ఈ దత్తాంశమునకు ఆరోహణ సంచిత పానఃపున్య వక్రం గీయుము (ఓజివ్) : 3

బరువు (కె.జి.లలో)	విద్యార్థుల సంఖ్య
38 కంటే తక్కువ	0
40 కంటే తక్కువ	3
42 కంటే తక్కువ	5
44 కంటే తక్కువ	9
46 కంటే తక్కువ	14
48 కంటే తక్కువ	28
50 కంటే తక్కువ	32
52 కంటే తక్కువ	35

44. ఒక అంకశ్రేణిలో 7వ పదము దాని 2వ పదం 4 రెట్లు మరియు శ్రేణి 12వ పదం 4వ పదం 3 రెట్లు కంటే 2 ఎక్కువ అయిన ఆ శ్రేణిని కనుగొనుము. 3

లేదా

**81-L**

10

**CCE PF**

ఒక రేఖాఖండం అంకశ్రేణిలో నాలుగు భాగాలుగా విభజించబడినది వీటిలో 3వ మరియు 4వ భాగం పొడవుల మొత్తం ముందు రెండు భాగాల పొడవుల మొత్తం 3 రెట్లుంది 4వ భాగం పొడవు 14 సెం.మీ. అయినచో ఆ రేఖాఖండం యొక్క పొడవును కనుగొనుము.

45.  $A(-3, 2)$ ,  $B(-1, -4)$  మరియు  $C(5, 2)$   $\Delta ABC$  యొక్క శీర్షాల బిందువులు.  $M$  మరియు  $N$  క్రమంగా  $AB$  మరియు  $AC$  ల మధ్య బిందువు లెనచో  $2MN = BC$  అని చూపించండి. 3

లేదా

$A(-5, -1)$ ,  $B(3, -5)$  మరియు  $C(5, 2)$  శీర్షాల బిందువులు కలియున్న త్రిభుజి వెశాల్యం అదే  $ABC$  త్రిభుజి భుజముల మధ్య బిందువులను చేర్చిన ఏర్పడు త్రిభుజి వెశాల్యం 4 రెట్లుండును అని సాధించుము.

46. 5 సెం.మీ., 6 సెం.మీ. మరియు 7 సెం.మీ. భుజాలు గల ఒక త్రిభుజిని నిర్మించి, తర్వాత దీనికి మరొక సరూప త్రిభుజాన్ని నిర్మించండి. రచించ వలసిన ఈ త్రిభుజి యొక్క ప్రతిభుజం. మొదటి త్రిభుజం యొక్క అనురూప భుజాలకు  $\frac{7}{5}$  వంతు వుండాలి. 3

V. కింది వాటికి జవాబు రాయండి :

47. కింది ఇచ్చిన రేఖాత్మక సమీకరణాల జతకు గ్రాఫు ద్వారా కనుగొనండి : 4

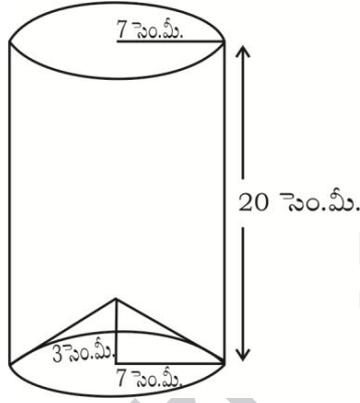
$$2x + y = 6$$

$$2x - y = 2$$

48. ఒక గోపురం పొడం నుండి 4 మీటర్లు మరియు 9 మీటర్లు దూరంలో గోపురంనకు ఇరువెపుల ఒక సరళరేఖ మీద రెండు బిందువుల దగ్గర గోపురం పె తుది నుండి ఏర్పడు ఊర్ధ్వ కోణంలు పరస్పరం పూరక కోణాలు అయితే గోపురం ఎత్తును కనుగొనుము. 4

49. పె భాగం తెరిచిన ఒక లోహపు రేకుతో తయారుచేసిన ఒక స్థూపాకృతి పాత్ర కింద భాగం చిత్రంలో చూపినట్లుగా శంఖువు ఆకృతితో లోహపాత్ర సంపూర్ణంగా మూయ బడినది స్థూపం వృత్తపాద వ్యాసార్థం మరియు శంఖువు వృత్తపాద వ్యాసార్థం 7 సెం.మీ సమానంగావుంది స్థూపం యొక్క ఎత్తు 20 సెం.మీ. మరియు శంఖువు యొక్క ఎత్తు 3 సెం.మీ. అయిన ఈ పాత్రలో సంపూర్ణంగా పాలను నింపడానికి 1 లీటరు పాలకు రూ. 20 చొప్పున ఎంత ఖర్చు అవుతుంది కనుగొనండి.

4



లేదా

14 సెం.మీ. వ్యాసార్థంగల అర్ధ గోళాకృతి పాత్ర యందు పూర్తిగా ఇసుకతోనింపబడినది. ఈ ఇసుకను సమతల నేలమీద వేసిన అది శంఖువు ఆకారంలో ఏర్పడినది. శంఖువు ఇసుక రాశి ఎత్తు 7 సెం.మీ. అయిన శంఖువు వృత్త పాదం నేల మీద ఎంత వెశాల్యం ఆక్రమించుకొనును.

50. “రెండు సరూప త్రిభుజాల వెశాల్యాల నిష్పత్తి వాటి అనురూప భుజాల వర్గముల నిష్పత్తికి సమానం.” అని సాధించండి.

4

=====

[www.careerindia.com](http://www.careerindia.com)